

Sea X una población con distribución gama $\gamma(p, a)$. Sea el contraste H_0 : $(p, a) = (p_0, a_0) = (1, 1)$ frente a H_0 : $(p, a) = (p_1, a_1) = (3, 3)$.

- ¿Qué resultado esperas si se obtiene la realización muestral $\vec{x} = (1, 1, 1, 1, 1, 1, 1)$.
- ¿Y si es $\vec{x} = (0.5, 0.5, 0.5, 2, 2, 2, 2)$?
- Aplica el lema de Neiman y Pirson.

Densidad:

$$f(x, p, a) = \frac{a^p}{\Gamma(p)} x^{p-1} e^{-ax}$$

Verosimilitud:

$$L(\vec{x}, p, a) = \frac{a^{np}}{\Gamma(p)^n} \prod x_i^{p-1} e^{-a \sum x_i}$$

Cociente:

$$\text{RV} = \frac{L(\vec{x}, p_1, a_1)}{L(\vec{x}, p_0, a_0)} = \text{cte.} \times \prod x_i^{p_1 - p_0} e^{-\sum x_i(a_1 - a_0)}$$

N-P:

$$\text{RC} = [\text{RV} > k] = \left[\prod X_i^{p_1 - p_0} e^{-\sum X_i(a_1 - a_0)} > k' \right]$$

Se aproxima k mediante simulación:

```
kprima <- quantile (replicate (1e6,
  {x <- rgamma(n,p0,a0) ;
   prod(x)^(p1-p0)*exp(-(p1-p0)*sum(x))}),
  1-alfa)
```

Otra forma:

```
L <- function (X, p, a) prod (dgamma (X, p, a))
L0 <- function (X) L(X,p0,a0)
L1 <- function (X) L(X,p1,a1)
RV <- function (X) L1(X) / L0(X)
k <- quantile (replicate (1e6, RV (rgamma (n, p0, a0))), 1-alfa)
```